

## SKRUTKOVÉ SPOJE

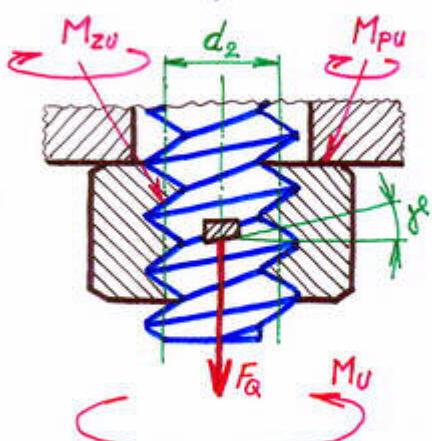
Podstatou skrutk. spojov je zovretie spojovaných sôč. medzi hľavou str. a maticou. Potrebná sila sa vytvoriť utähovalím str., resp. matice, príslušným utähovacím momentom.

Spoj môže prenášať nie len sily po ťah. v smere osi struty, ale i kotv. na jej osi, za pomocí tretej sily, ktorá vzniká v dosadacích plochách spojov. Čož. Trećia sila musí byť dosťatočná, aby nedošlo za prenášania k vzájomn. posunu spojov. sôč. a tým k pridanému namáh. strut. šmykom. Vychádza sa z toho, že strútko je namáhané len ťahom.

V praxi sa používa aj licované strútky. Namáhanie str. je v tom prípade nie len ťahom, ale i šmykom v rovine styku spojov. sôč.

## SILOVÉ POMERY PRI MONTÁŽI

Pre zabezpečenie prenosu vonkajšieho zatáčenia skr. spojom je vždy nutné utähovalim vytvoriť silu  $F_p$ , ktorá zvierajú spojov. sôč.. Jej reakčná sila  $F_s$  namáha str. tāhom v smere osi. Obidve sily sú v rovnováhe a majú veľkosť  $F_Q$  - čo predstavuje predpôsanie spoja.



Moment  $M_U$  vyvodený montážnym kľúčom musí pri utähovalim pretísňovať odpor trenia v závitoch a medzi maticou a podlož. alebo spojovanou sôč.. Platí  $M_U = M_{ZU} + M_{PU}$ ,

Kde  $M_{ZU}$  je odporový treći mom. v záv. str. a mat. pri utähovalim a  $M_{PU}$  odporový treći mom. medzi mat. a podl. alebo spojov. sôč..

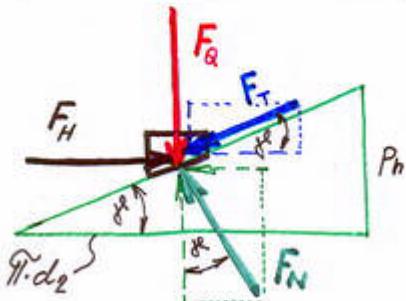
Moment  $M_{ZU}$  závisí okrem sôčin. trenia  $f_z$  v závit. ploche i od uhla stípania záv.  $\gamma$ , pre ktorý platí, že  $\gamma = \arctg \frac{P_h}{\pi \cdot d_p}$ . Moment  $M_{PU}$  je závislý od sôčin. trenia  $f_p$  v dosad. plochách.

## SPOJE

-19-

Po skončení montáže strukt. spoja pôsobí v strutte osová sila  $F_S = F_Q$ .

Pri výskretní silových pomerov vychádzajme z úvahy, že na hmotný bod nachádzajúci sa na strednom priemere  $d_2$  závitu strukt. spojenia pôsobí osová sila  $F_Q$ . Výskretnie bude realizované na rovinke struktovici stredného priemeru  $d_2$  - a dĺžky  $\pi \cdot d_2$  so stúpaním  $-p_h$ . Teda pojde o riešenie rovnováhy súčtov pôsobiacich na hmotný bod na nabitenej rovine.

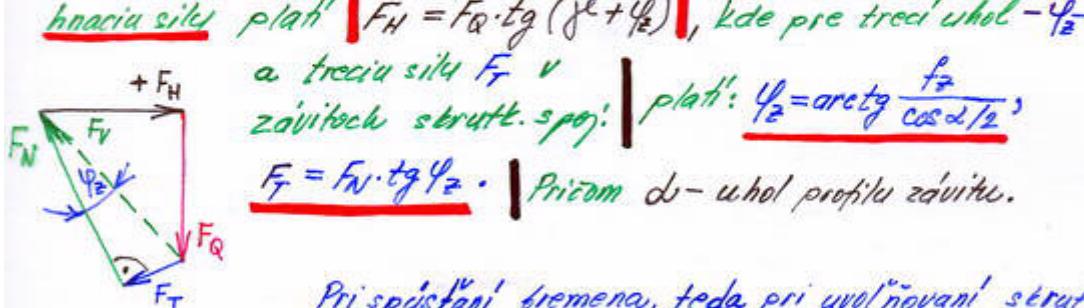


Pričom:  $F_Q$  - osová sila, pôsob. v smere osi str.,  
 $F_T$  - trečia sila,  $F_N$  - normál. sila,  
 $F_H$  - hnacia sila, pôs. v rovine kolmoj  
 k osi str. na  $-d_2$ ,  
 $\phi$  - uhol stúp. závitu;  $p_h$  - stúpanie,  
 $\pi d_2$  - dĺžka rovstup. kražnice.

Úlohou je stanovenie sily  $-F_H$  - pri zavŕšení tremena, teda pri dotákaní struty (matice).

Z rovnováhy súčtov na nablon. rovine platí:

$$\begin{aligned} \sum F_{ix} &= 0: F_H - F_N f \cdot \cos \phi - F_N \cdot \sin \phi = 0 \\ \sum F_{iy} &= 0: -F_Q + F_N f \cdot \sin \phi + F_N \cdot \cos \phi = 0 \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \text{Riešením a úpravou pre} \\ \text{hnaciu silu platí } F_H = F_Q \cdot \operatorname{tg}(\phi + \psi_2) \end{array} \right\}$$



Pri spustení tremena, teda pri uvoľňovaní strukt. spojenia sa zmysel pohybu hmotn. b. obráti a trečia sila bude pôs. opačným smerom. Potom uvolňovaciu silu vypočítame podľa vzťahu  $F_H = F_Q \cdot \operatorname{tg}(\phi - \psi_2)$ .

Síla  $F_H$  pôsobiacia na strednom polom.  $d_2/2$  vytvára moment  $M_{zu}$ , ktorý prenáša odpor trenia v závite pri montáži. Potom platí

$$M_{zu} = F_H \cdot \frac{d_2}{2} = \frac{1}{2} \cdot d_2 \cdot F_Q \cdot \tan(\varphi + \gamma_z)$$

Pre odporový moment trenia medzi maticou a hliník strutky a podložkou platí, že  $M_{pu} = f_p \cdot F_Q \cdot D_p$ , kde  $D_p$  je str. priem. štylovej plochky, keď uvažujeme  $D_p = \frac{D_L + D_o}{2}$ .  $D_L$  - šírka otvoru montážn. clúča,  $D_o$  - priemer otvoru pre strutku.

Dosadením a dpr. pre výsledok vztahu utáčkov. momentu platí:  $M_u = F_Q \left[ \frac{1}{2} d_2 \tan(\varphi + \gamma_z) + f_p \cdot D_p \right]$

### SAMOSVORNOSŤ SKRUTK. SPOJA

Dôležitou vlastnosť spoja je samosvornosť. Znamená to, že sa strutkový spoj pri pôsobení osovej sily  $F_S$  neuvolní.

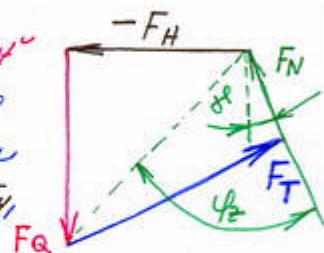


Zo vzťahu spočítame bremena vidime, že ak  $\tan(\varphi + \gamma_z) > 0$   $\Rightarrow F_H > 0$ , to znamená, že musíme pôsobiť súčinom sily  $F_H$  v naznačenom smere, aby sa str. spoj udržal súčinom sily  $F_Q$  neuvolní.

V danom príp. je síla  $F_T$  veľmi malá a samotný spoj nie je schopný zabezpečiť samosvornosť.

Aby bol spoj samosvorný musí byť síla  $F_H$  nulová alebo záporná. To znamená, že pre uvoľnenie strutkového spoja bude potrebné vynaložiť dostatočnú sílu  $F_H$ , ktorá pôsobí opačne.

$$\text{Teda musí platiť: } F_T > F_H \Rightarrow \gamma_z > \varphi$$



### ÚČINNOSŤ SKRUTKOVÉHO SPOJA

Účinnosťou str. spoja rozumieeme pomery medzi pracou účinnosťou a pracou vynaloženou pri zavŕšení bremena o jednej otáčke strutky.

## SPOJE

- 21 -

$$\gamma_2 = \frac{A_{U2}}{Av} = \frac{F_Q \cdot P_H}{F_H \cdot \pi d_2} = \frac{F_Q \cdot \pi d_2 \cdot \tan \varphi}{F_H \cdot \tan(\varphi + \gamma_2) \cdot \pi d_2} = \frac{\tan \varphi}{\tan(\varphi + \gamma_2)};$$

Pre spojov. ser. plati, napr.: M24 -  $\varphi = 2^\circ 30'$ ;  $\gamma_2 = 9^\circ 50'$ ;  $\gamma_2 = 0,2$ ;  
M24x1,5 -  $\varphi = 1^\circ 20'$ ; " " ;  $\gamma_2 = 0,11$ ;

$\neq \varphi$  klesá so stúpajúcim priemerom závitu: M16 -  $\varphi = 2^\circ 30'$ , M64 -  $\varphi = 1^\circ 50'$

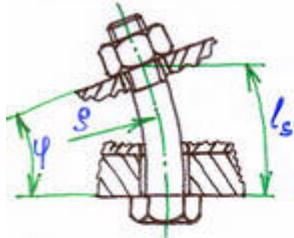
U pohybl. a hnacích str. zvýšenie účinn. a teda zvýšenie smeru tredu sa zabezpečuje smerom závitu alebo výrobou niečo lepšej rovn.. Spravidla sa nevolať  $\neq \varphi > \text{ato } 20^\circ$ , pretože ďalej stúpa  $\gamma_2$  len mňo.

## ZATAŽENIE SKRUTKOVÉHO SPOJA PRI MONTÁŽI

Pri montáži je strútku namáhaná táhom, trutom a prípadne ohybom v dôsledku nerovnobehu dosad. ploch matice alebo hlin. str. a spojov. súčasť.

Silu  $F_Q$  vyskoloť takové nap.  $G_t = \frac{F_Q}{S_j}$ , kde  $S_j$  - prierez jadra ser., ktorý odpovedá vekt. priem. závitu  $\frac{\pi}{4} d_3^2$ , potom  $S_j \approx \frac{\pi d_3^2}{4}$

Kritický moment  $M_{zu}$  spôsobi nap.  $G_k = \frac{M_{zu}}{W_{kj}} = \frac{F_H \cdot d_2}{W_{kj}}$ ;  $W_{kj} \approx \frac{\pi d_3^3}{16}$



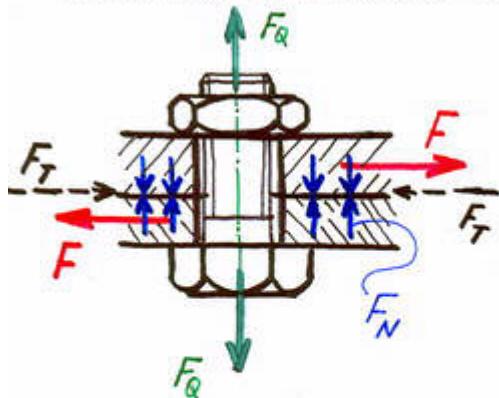
Chybnej výrobou dosadacích ploch, nespr. zhodovením závitu, nedodrž. kolmosti dosad. ploch, deform. dosad. časť vynalož. záťažou silami spôsobuje vznik prídauného ohybového nap. -  $G_o$ . Príd. ohyb. nap. sa v konečnom dôsledku sčítava s fábk. nap.

Veľkosť ohyb. nap. v trit. priek. str. stanovíme na základe diferenc. rovn. príekub. otáry  $y'' = \frac{M_o}{EJ_i}$  bez ohľadu na znamienko. Kde  $y$  - znaci' príekub. otáry,  $M_o$  - zat. ohyb. mom.,  $E$  - mod. pr. vŕchu  $J_i$  - osový mom. zotrv. priek. jadra ser., pre ktorý platí  $J_i \approx \frac{\pi d_3^4}{64}$ .

Druhá deriv. príekub. je z diferenčnej geometrie pribl. rovná trivostí príekub. otáry, v tom príp. osi str., potom platí  $y'' \approx \frac{1}{S}$  a zároveň  $\varphi = \frac{l_s}{\varphi}$ , kde  $\varphi$  je uhol nerovnobehu dosad. ploch. Pre ohyb. mom. platí:  $M_o = G_o \cdot W_{kj}$ , pričom  $W_{kj} = 2 \cdot J_i / d_3$ . Po úprave:  $G_o = \frac{E d_3 \cdot \varphi}{2 \cdot l_s}$ . Potom pre výsledné nap. platí:

$$G_{red} = \sqrt{(G_t + G_o)^2 + 3 \cdot E_k^2} \leq G_{t,dov} \quad \text{kde: } G_{t,dov} = \frac{P_e}{L}; L = 15:25$$

## SKRUTKA NAMÁHANÁ SILOU KOLMOU NA OS SKRUTKY



Priebežnou strutou sa uved. prípad zatáž. musí prenáčať trením v dosad. plochach spojov. plechov. Teda musí platiť:  $F_T \geq F \Rightarrow F_T = k \cdot F$ .

Kde:  $k = 1,3 \div 1,5$  - súč. bezpečn. prenosu  
Trenie dosiahané dotiahnutím str. spojov silou  $-F_T$ , čím vytvoríme príkladnú-normálovú silu medzi plechmi:  $F_Q \equiv F_N$ .

Potom tretiu silu vyjadrimo  $F_T = f \cdot F_N$  a jej dosadením do základnej podm. dostávame  $F_N \cdot f = k \cdot F$ . Z podm. pre ťah plati  $\frac{F_N}{S_j} \leq \frac{G_{tD}}{S_j}$

$$S_j \cdot G_{tD} \cdot f \geq k \cdot F \Rightarrow S_j \geq \frac{k \cdot F}{G_{tD} \cdot f}$$

Priebežná struňka nesmie byť zatažená strehom.

Pre daný prípad zataženia sa často použ. licovanej str. Licovanej str. sa dimenzujú z podm. na **STRIK** a kontrolujú z podm. na **TLAK** (otv.).

$$\frac{G_S}{S_{dr}} \leq \frac{G_{SD}}{S_{dr}} \Rightarrow S_{dr} = \frac{\pi d_{dr}^2}{4}$$

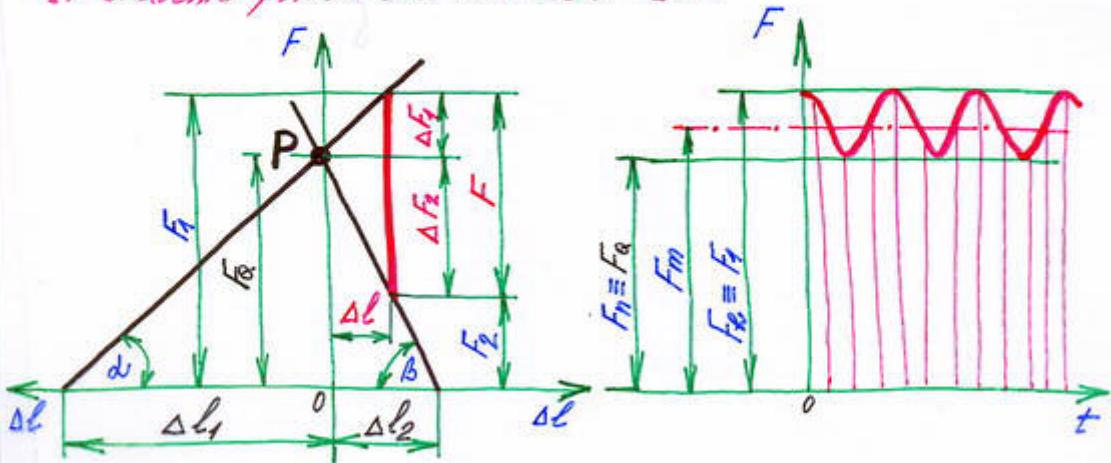
$$G_d = \frac{F}{S} \leq G_{dD} \quad \text{príčom } S = l' \cdot d_{dr} \quad \text{kde } l' - \begin{array}{l} \text{diéta dríveta} \\ \text{str. len jednej} \\ \text{časti spojenia} \\ (\text{jedného plechu}) \end{array}$$

## SKRUTKY ZATAŽENÉ ŤAHOVOU SILOU

Zataženie pravidelnou silou  $F$  v smere osi strukty sa vyskytuje hlavne pri spojení reba a valca hľavej nádoby. V uved. príp. sú spojenie bude zatažené silou predpôša  $F_Q$  a premenlivou pravidelnou silou  $F$ . Z uved. dôvodu súr. spojenie môže za úlohu zameňať rotáciu stredu spojovaného celku.

Pri montáži (uťažkovani) sa strutky zatažia silou  $F_Q$  - predpôšim, v

dôsledku čoho dojde k predĺženiu str. o hodn.  $\Delta l_1$ , a zároveň k stlačeniu prirub o hodn.  $\Delta l_2$ , podľa obr.. Zároveň pôsobením preddĺžovajúcej sily  $F$  predĺženie str. sa zvýší o hodn.  $\Delta l$ , tým sa zmení stlačenie prirub o tu istú hodn.  $-\Delta l$ .



$$\text{Pre pom. predĺž.: } E = \frac{\Delta l}{l} = \frac{\sigma}{E} = \frac{F}{S \cdot E} \Rightarrow \boxed{\text{predĺženie stlačenie}} \quad \Delta l = F \cdot \frac{l}{S \cdot E}$$

$$\boxed{\text{SKRUTKA: }} \Delta l_1 = F_Q \cdot \frac{l_s}{S_1 \cdot E_1} = F_Q \cdot k_1 \Rightarrow \boxed{k_1 = \frac{\Delta l_1}{F_Q} \left[ \frac{m}{N} \right]} \text{ deform. konst. str.}$$

$$\boxed{\text{PRIRUBA: }} \Delta l_2 = F_Q \cdot \frac{l_{pr}}{S_2 \cdot E_2} = F_Q \cdot k_2 \Rightarrow \boxed{k_2 = \frac{\Delta l_2}{F_Q} \left[ \frac{m}{N} \right]} \text{ deform. konst. pri.}$$

Pre konštanty tuhosťi struktur a prirub platí:

$$\underline{\underline{C_1 = \frac{1}{k_1} = \frac{S_1 \cdot E_1}{l_s}; \left[ \frac{N}{m} \right]}}$$

$$\underline{\underline{C_2 = \frac{1}{k_2} = \frac{S_2 \cdot E_2}{l_{pr}}; \left[ \frac{N}{m} \right]}}$$

Z diagramu str. spoja je možné konštatovať rovnosť siel po jeho zmenšovaní:  $F_1 = F_2 = F_Q$ . Po zatiažení spoja prejdeme súčasťou sily  $-F$  môžeme závislosť zdieľaných siel vyjadriť:  $F_1 = F_p + F$ . Následne vidíme rozdiel priráckej sily v smerke  $\Delta F_1$  a v prirub.  $\Delta F_2$ , ktorých možime vyjadriť:  $F = \Delta F_1 + \Delta F_2$ ,  $\Delta F_1 = C_1 \cdot \Delta l$ ,  $\Delta F_2 = C_2 \cdot \Delta l$ .

Z uvedených vzťahov vypäde, že  $\Delta F_1$  po zatiažení sily  $F$  je:  $\Delta F_1 = F \cdot \frac{C_1}{C_1 + C_2}$

a  $\Delta F_2$  bude:  $\Delta F_2 = F \cdot \frac{C_2}{C_1 + C_2}$

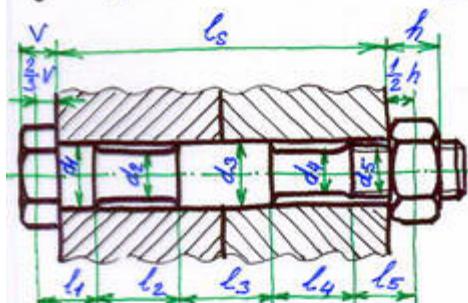
Z diagr. str. spoju zistíme vzťah pre stanovenie predpôsia  $F_Q$ . Vychádzajme z nasled. dvoch. Pre zabezpečenie správnej funkcie spoja je nutné určiť minimálnu veľkosť sily  $F_2$ , ktorá sa vyskytuje prostredn. súčiniteľa tesnosti spoja -  $\psi$ .

Plati', že  $F_2 = \psi \cdot F$ , kde  $\psi = 0,2 \div 0,5$  ( $\approx 0,3$ ).

Pre predpôsia nasleduje výsledok, že  $F_Q = \psi \cdot F + \Delta F_2 = F \left( \psi + \frac{c_2}{c_1 + c_2} \right)$ .

Pre takto stanov. predp. -  $F_Q$ -, podľa vzťahu pre výp. utákovacieho momentu -  $M_U$ - vypočítame jeho hodnotu.

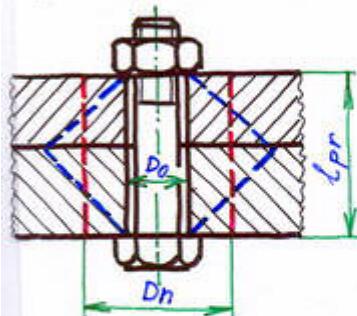
Pri výpočte tuhosti sier. -  $c_1$  - vychádzame z:  $\ell_s, E_1$  a  $S_1$ .



Veľkosť náhradného prierezu  $S_1$  strúty vyjadrimo  $\frac{1}{S_1} = \sum_{m=1}^n \frac{l_m}{S_m \cdot \ell_s}$ ,

kde  $S_m$  je veľkosť prierezu  $m$ -ého z  $n$  častí str. a  $l_m$  je jej dĺžka.

Pri výpočte tuhosti príruty -  $c_2$  - vychádzame z:  $\ell_{pr} = H, E_2$  a  $S_2$



Veľkosť prierezu  $S_2$ , ktorý odpovedá deformovanému objemu materiálu spojov. súč. v mieste spoja sa stanovi'  $S_2 = \frac{\pi}{4} (D_n^2 - D_o^2)$ ,

kde  $D_n$  je vnit. priem. náhradn. aut. valca určeného z dvojzložiek, charakterizujúcich rozlož. Hmotu v prírubači.

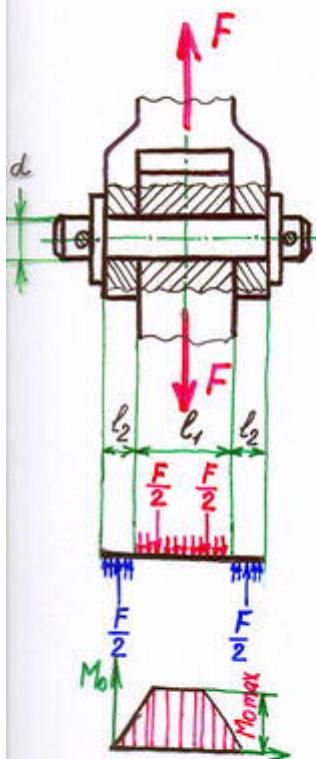
Vypočítame ďalšo nasled.:  $D_n = D_o + \frac{\ell_{pr}}{2}$ , kde  $D_o$  - veľkosť mont. elúcia

Pri prenášaní je sber. zatáienia silou -  $F_t$  - a sber. so dimenzuje z ľahového napäťia:  $\sigma_t = \frac{F_t}{S_t} \leq \sigma_{tol}$  kde  $\sigma_{tol} = \frac{R_e}{n}$ ;  $n = 1,5 \div 3$

## SPOJOVACIE ČAPY

Spojov. čapy sa použ. k otocnému spojeniu zvč. ktoré prenáš. sily pôsob. kolmo na os čapu. Spojenečné za prítom môžu vziať natočiť okolo osi čapu o malý uhol. Spojov. čapy sú normalizované.

Pri premene vnut. zafáč. sú namáhané na ohýb, šmyk a tlak/rotácia. Klasickým príkl. spoja so spojovacím čapom je spojenie vnutajšej vidlice s vnútornou tyčou.



Namáh. spojov. čapu zafáčen. silou  $F$  sa rieši ako namáhanie nosníka na dvoch podperach oby. bom.

$$M_{\max} = \frac{F}{2} \cdot \left( \frac{l_2}{2} + \frac{l_1}{4} \right) \text{ a } \zeta_0 = \frac{M_{\max}}{W_0} \leq \zeta_{0D}$$

kde  $W_0 = \frac{\pi d^3}{32}$  potom

$$\zeta_0 = \frac{4F \cdot (2l_2 + l_1)}{\pi d^3} \leq \zeta_{0D}$$

Vďaľsom sa kontroluje tlak v stykových plochách čapu a vidlice:  $P_1 = \frac{F}{d \cdot l_1} \leq p_0$   $P_2 = \frac{F}{2 \cdot d \cdot l_2} \leq p_0$

Ohybové namáh. čapy je do značnej miery ovlivnené jeho presným uložením - zabezpečenie malých vôli medzi čapom a spojovanými zvč. V tom príp. bude rozhodujúcim namáhaním čapu striek so šmykovým nap.:  $\zeta_s = \frac{F}{2 \cdot \pi d^2} = \frac{2F}{\pi d^2} \leq \zeta_{sD}$

Praktickej sa realiz. kontro. sa striek aj v príp. maleho ohybového nap.

Ak je zadaná sila  $F$  a sú známe rozmer. vidlice a vnut. tyče  $l_1, l_2, D$  - vnutajš. priemer, stanoviť sa priem. čapu z ohýbu alebo striku.

Ak nie sú známe predch. hodn. ( $F, l_1, l_2, D$ ) navrhnuť sa podľa exp. výskumov:  $l_1 = (0,5 \div 0,7) \cdot d$ ;  $l_2 = (1,5 \div 1,7) \cdot d$ ;  $D = (2 \div 2,5) \cdot d$  -  $\frac{\text{pre}}{\text{ocel}}$   $D = (3 \div 3,5) \cdot d$  - silu bat.